

Nachname:	Matrikelnr.:	Studiengang: <input type="checkbox"/> wiwi <input type="checkbox"/> winf
Vorname:	Unterschrift:	<input type="checkbox"/> t.o. bwl <input type="checkbox"/> NF bau
		<input type="checkbox"/> _____

vom Korrektor auszufüllen:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Summe	Korrektor

Klausur zur Mathematik für Wirtschaftswissenschaftler

Modul 41990

Bitte beachten Sie die folgenden **Hinweise**:

- **Bearbeitungszeit:** 120 Minuten
- **Zugelassene Hilfsmittel:** 4 Seiten DIN A4 eigenhändig handbeschrieben
- Bearbeitungen mit Bleistift oder Rotstift sind **nicht zulässig!**
- In den **Aufgaben 1-4** werden nur die Endergebnisse gewertet. Diese sind in die vorgegebenen Kästen einzutragen. Nebenrechnungen sind hier nicht verlangt und werden bei der Bewertung nicht berücksichtigt.
- In den **Aufgaben 5-10** sind die vollständigen Lösungswege mit allen notwendigen Begründungen anzugeben. Die Bearbeitung dieser Aufgaben nehmen Sie bitte auf gesondertem Papier vor. Beginnen Sie jede Aufgabe auf einem neuen Blatt. Schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf jedes abgegebene Blatt.
- Folgende Ableitungen, Stammfunktionen und Funktionswerte könnten Sie ohne weitere Herleitung verwenden. Alle anderen Ableitungen und Stammfunktionen müssen begründet werden.

$f(x)$	x^a	e^x	$\sin x$	$\tan x$
$\frac{d}{dx} f(x)$	$a x^{a-1}$	e^x	$\cos x$	$\frac{1}{(\cos(x))^2}$
$f(x)$	b^x	$\ln x $	$\cos x$	$\arctan x$
$\frac{d}{dx} f(x)$	$\ln(b) b^x$	$\frac{1}{x}$	$-\sin x$	$\frac{1}{1+x^2}$

$$a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}^+$$

x	$\sin x$	$\cos x$
0	0	1
$\frac{\pi}{6}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$
$\frac{\pi}{4}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$\frac{\pi}{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{\pi}{2}$	1	0

- Die Prüfungsergebnisse werden voraussichtlich ab dem 30.09.2020 über das Campus-System der Universität Stuttgart (<https://campus.uni-stuttgart.de/>) bekannt gegeben.

- **Hinweise für Wiederholer:**

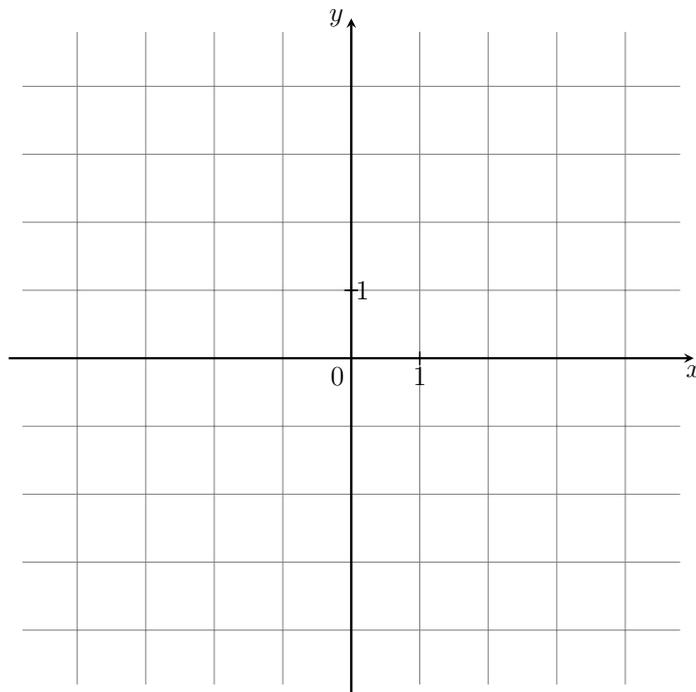
Wer diese Prüfung als Wiederholungsprüfung schreibt und nicht besteht, ist selbst dafür verantwortlich sich zu erkundigen, ob er eine zugehörige mündliche Nachprüfung erhält, und sich gegebenenfalls beim Prüfer anzumelden. Diese Anmeldung hat bis zum 06.11.2020 zu erfolgen.

VIEL ERFOLG!

Aufgabe 1 (4 Punkte)

Skizzieren Sie die Menge

$$B = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid \left| 2x + y + \frac{1}{2} \right| \leq \frac{5}{2} \right\}.$$

**Aufgabe 2** (3 Punkte)

Gegeben seien die Vektoren $\mathbf{u} = (1, 2, 3)^T$, $\mathbf{v} = (1, -1, 0)^T$, $\mathbf{w} = (3, 0, 0)^T$. Berechnen Sie den Winkel $\sphericalangle(\mathbf{v}, \mathbf{w})$ zwischen den Vektoren \mathbf{v} und \mathbf{w} , das Vektorprodukt $\mathbf{u} \times \mathbf{v}$ und das Skalarprodukt $\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \times \mathbf{u} \rangle$:

$\sphericalangle(\mathbf{v}, \mathbf{w}) =$

$\mathbf{u} \times \mathbf{v} =$

$\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \times \mathbf{u} \rangle =$

Aufgabe 3 (1+2=3 Punkte)

Gegeben sei die Funktion $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x, y) = \cos(x^2y) + e^{y^2}$.

Bestimmen Sie die folgenden partiellen Ableitungen:

$\frac{\partial f}{\partial x}(x, y) =$

$\frac{\partial f}{\partial y}(x, y) =$

Aufgabe 4 (3 Punkte)

Berechnen Sie die Partialbruchzerlegung für

$$\frac{2x - 5}{x^2 + x - 2} =$$

Aufgabe 5 (2+1=3 Punkte)

Gegeben seien die Vektoren

$$\mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{v}_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

- (a) Bilden die Vektoren $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3$ eine Basis von \mathbb{R}^3 ? Begründen Sie Ihre Antwort.
(b) Berechnen Sie das Volumen des von $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3$ aufgespannten Spats.
-

Aufgabe 6 (3+2=5 Punkte)

Gegeben sei die Matrix

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 8 & 0 & -\frac{3}{2} \\ 8 & -2 & 2 \end{pmatrix}.$$

- (a) Berechnen Sie die Eigenwerte von \mathbf{A} .
(b) Berechnen Sie einen Eigenvektor zum größten Eigenwert.
-

Aufgabe 7 (2+2+2=6 Punkte)

Berechnen Sie die folgenden Grenzwerte:

(a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{25n^2 + 4n} - 5n$

(b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x^2 + 2x}{(2x - 5)^2}$

(c) $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{4}{x-1} - \frac{8}{x^2-1} \right)$

Aufgabe 8 (2+1=3 Punkte)

Es seien 500 Euro zu 2% Jahreszins angelegt und die Zeiteinheit 1 Jahr gewählt. Es sind jährlich 10 Euro Kontoführungsgebühren fällig, die zwischen den vollen Jahren abgerechnet werden.

- (a) Wie sieht die Kapitalfunktion $K(t)$ aus? Interpretieren Sie das Ergebnis.
(b) Berechnen Sie die Wachstumsrate $R_K(t)$.
-

Aufgabe 9 (2+3=5 Punkte)

Berechnen Sie die folgenden Integrale:

(a) $\int x \cos(x) \, dx$

(b) $\int (\sin x)^2 (\cos x) \, dx$

Aufgabe 10 ($2+3=5$ Punkte)

(a) Untersuchen Sie die folgende Reihe auf Konvergenz:

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{2+n}{5n} \right)^n$$

(b) Berechnen Sie den Wert der folgenden Reihe:

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-2)^n}{5^{n-2}}$$
